

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي — دورة: 2022

الشعبة: تقني رياضي

اختبار في مادة: الرياضيات — المدة: 04 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

a و b عددان طبيعيان حيث $a=2022$ و $b=124$

1) عيّن باقي القسمة الإقليدية لكلّ من العددين a و b على 7

2) أُدرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 5^n على 7

3) بيّن أنّ العدد a^a+b^b+4 يقبل القسمة على 7

4) نضع، من أجل كلّ عدد طبيعي n، $A_n=2021^n+2022^n+2023^n+2024^n$

– بيّن أنّ $A_n\equiv 1+5^n+6^n\,[7]$ ثم عيّن قيم العدد الطبيعي n حتى يكون A_n+1 مضاعفا للعدد 7

التمرين الثاني: (04 نقاط)

أجب بصحيح أو خاطئ مع التبرير في كلّ حالة مما يلي:

1) من أجل كلّ عدد طبيعي n، $n(n^2-1)$ مضاعف للعدد 3

2) الدالة العددية $x\mapsto x^2+2x+x\ln x$ حلّ للمعادلة التفاضلية $y''=2+\dfrac{1}{x}$ على $]0;+\infty[$

3) المستقيم ذو المعادلة $y=x+e$ مماس لمنحنى الدالة f المعرّفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x)=x+(x-2)e^x$

4) (u_n) المتتالية العددية المعرفة على $\mathbb{N}^*$ بـ: $v_n=\ln\dfrac{ne^n}{n+1}$

عبارة المجموع S_n حيث $S_n=v_1+v_2+\dots+v_n$ هي: $S_n=\dfrac{n(n+1)}{2}-\ln(n+1)$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

(u_n) و (v_n) المتتاليتان العدديتان المعرّفتان على $\mathbb{N}^*$ كما يلي : $u_1=2$

ومن أجل كلّ عدد طبيعي غير معدوم n ، $u_{n+1}=\dfrac{n}{2n+2}u_n-\dfrac{1}{n+1}$ و $v_n=n\,u_n+2$

1) أُحسب u_2 و u_3

2) أ– برهن أنّ المتتالية (v_n) هندسية أساسها $\dfrac{1}{2}$

ب– أُكتب v_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n

3) أُحسب، بدلالة n، المجموع S_n حيث $S_n = v_1 + v_2 + \cdots + v_n$

4) نضع من أجل كلّ عدد طبيعي n غير معدوم، $w_n = \dfrac{4n}{v_n - nu_n}$

أُحسب، بدلالة n ، المجموع S'_n حيث $S'_n = w_1 + w_2 + \cdots + w_n$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

f الدّالة العددية المعرّفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ : $f(x) = 1 + (x-1)\ln x$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O,\vec{i};\vec{j})$ حيث $\|\vec{i}\| = 2\,cm$

1) أ- أُدرس حسب قيم العدد الحقيقي x الموجب تماما إشارة كلٍّ من $\dfrac{x-1}{x}$ و $\ln x$

ب- اِستنتج حسب قيم العدد الحقيقي x الموجب تماما إشارة $\dfrac{x-1}{x} + \ln x$

2) أ- أُحسب $\lim\limits_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim\limits_{\substack{x \to 0 \\ >}} f(x)$

ب- أُدرس اتّجاه تغيّر الدّالة f ثمّ شكّل جدول تغيراتها.

3) h الدّالة العددية المعرّفة على $]0;+\infty[$ كما يلي : $h(x) = x - 2 + \ln x$

أ- بيّن أنّ الدّالة h متزايدة تماما على $]0;+\infty[$

ب- برهن أنّ المعادلة $h(x) = 0$ تقبل حلاًّ وحيدا α حيث $1{,}5 < \alpha < 1{,}6$ ثم بيّن أنّ $\ln(\alpha) = 2 - \alpha$

جـ- بيّن أنّ $y = \dfrac{-\alpha^2 + 3\alpha - 1}{\alpha}x$ معادلة لـ (T) مماس (C_f) في النقطة ذات الفاصلة α

4) أنشئ (T) و (C_f) على $]0;4]$ (نأخذ $\dfrac{-\alpha^2 + 3\alpha - 1}{\alpha} \simeq 0{,}8$)

5) أ- بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x موجب تماما، $f(x) - x = (x-1)(-1 + \ln x)$

ب- أُدرس حسب قيم العدد الحقيقي x الموجب تماما إشارة $f(x) - x$

6) K الدالة المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ بـ: $K(x) = -\dfrac{3}{4}x^2 + 2x + \left(\dfrac{1}{2}x^2 - x\right)\ln x$

أ- بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x موجب تماما $K'(x) = f(x) - x$

ب- أُحسب مساحة حيز المستوي المحدد بـ (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها: $y = x$ ، $x = 1$ و $x = e$

7) g الدّالة المعرّفة على $]-2;+\infty[$ بـ : $g(x) = (x+1)\ln(x+2)$ ، (C_g) تمثيلها البياني في المعلم السابق.

- بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x من $]-2;+\infty[$ ، $g(x) = f(x+2) - 1$

- استنتج أنّ (C_g) صورة (C_f) بانسحاب يطلب تعيين شعاعه. (لا يُطلب إنشاء (C_g))

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

نضع من أجل كلّ عدد طبيعي n : $a=5n+2$ ، $b=n+1$ ، $c=9n+2$

و $d=p\text{gcd}(a;b)$ ، $d'=p\text{gcd}(b;c)$

1) عيّن القيم الممكنة لكلّ من d و d' ثم استنتج $p\text{gcd}(a;b;c)$

2) عيّن قيم العدد الطبيعي n حتى يكون العدد b قاسما لـ a

3) نعتبر المعادلة: $(E)\cdots\ 17x-4y=29$ حيث x و y عددان صحيحان.

بيّن أنّه إذا كانت الثنائية $(x;y)$ حلا للمعادلة (E) فإنّ $x\equiv 1[4]$ ثم حل المعادلة (E)

4) عيّن الثنائيات $(x;y)$ حلول المعادلة (E) والتي تحقق $xy<279$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

عيّن الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كلّ حالة من الحالات التالية مع التبرير.

1) مجموعة حلول المعادلة $e^{(\ln x)^2-6}=x$ ذات المجهول الحقيقي x في المجال $]0;+\infty[$ هي:

أ) $S=\{e^3\}$ ب) $S=\{-2;3\}$ جـ) $S=\{e^{-2};e^3\}$

2) باقي القسمة الإقليدية للعدد 9^{2023} على 7 هو:

أ) 2 ب) 3 جـ) 5

3) العدد الحقيقي $\int_0^{\ln 4043}\frac{1}{1+e^{-x}}\,dx$ يساوي :

أ) 2022 ب) $\ln 2022$ جـ) $\ln 4043$

4) F الدالة العددية المعرّفة على $]0\,;+\infty[$ كما يلي : $F(x)=(x+2)\sqrt{x}$

F دالة أصلية للدالة f على المجال $]0\,;+\infty[$. عبارة الدالة f هي :

أ) $f(x)=\frac{3x+2}{2x}$ ب) $f(x)=\frac{3x+2}{2x}\sqrt{x}$ جـ) $f(x)=\frac{2x+3}{2x}\sqrt{x}$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

(u_n) المتتالية العددية المعرّفة بحدها الأول u_0 حيث $u_0=0$ ومن أجل كلّ عدد طبيعي n، $u_{n+1}=\frac{1}{2}(u_n-2)$

1) برهن بالتراجع أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي n، $u_n>-2$

2) أُدرس اتجاه تغيّر المتتالية (u_n) ثم إستنتج أنّ (u_n) متقاربة .

3) (v_n) المتتالية العددية المعرّفة على $\mathbb{N}$ كما يلي $v_n=\frac{1}{u_{n+1}-u_n}$

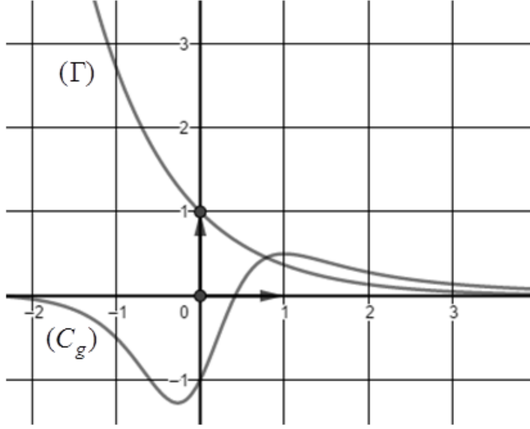
أ- برهن أنّ المتتالية (v_n) هندسية أساسها 2 ثم أُكتب v_n بدلالة n

ب- أُحسب، بدلالة n ، المجموع S_n حيث $S_n=\frac{1}{v_0}+\frac{1}{v_1}+\cdots+\frac{1}{v_n}$

4) أ- بيّن أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي n ، $u_n=2\left(\frac{1}{2^n}-1\right)$ ثم احسب $\lim\limits_{n\to+\infty}u_n$

ب- أُحسب بدلالة n المجموع S'_n حيث $S'_n=u_0+u_1+\cdots+u_n$

التمرين الرابع: (07 نقاط)



I) المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $\left(O;\vec{i},\vec{j}\right)$

(Γ) التمثيل البياني للدالة : $x\mapsto e^{-x}$ و (C_g) التمثيل البياني للدالة g المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x)=\frac{x^2+2x-1}{(x^2+1)^2}$

α فاصلة نقطة تقاطع (C_g) و (Γ)

(كما هو مبيّن في الشكل المقابل)

1) بقراءة بيانية، حدّد حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة $g(x)-e^{-x}$

2) تحقّق حسابيا أنّ $0,7<\alpha<0,8$

II) f الدالة العددية المعرّفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x)=e^{-x}-\frac{x+1}{x^2+1}$ ، $\left(C_f\right)$ تمثيلها البياني في معلم متعامد متجانس.

1) أُحسب $\lim\limits_{x\to-\infty}f(x)$ ثم أُحسب $\lim\limits_{x\to+\infty}f(x)$ وفسّر النتيجة بيانيا .

2) أ- بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x ، $f'(x)=g(x)-e^{-x}$

ب- اِستنتج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيّراتها.

3) أ- أُحسب $\lim\limits_{x\to-\infty}\left[f(x)-e^{-x}\right]$ وفسّر النتيجة بيانيا.

ب- أُدرس الوضعية النسبية للمنحنيين $\left(C_f\right)$ و (Γ)

4) أ- أُكتب معادلة لـ (T) مماس $\left(C_f\right)$ في النقطة ذات الفاصلة 0

ب- أنشئ (T) و (Γ) و $\left(C_f\right)$ (نأخذ $f(\alpha)\simeq-0.6$)

جـ- ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد وإشارة حلول المعادلة $f(x)-m=0$

5) علما أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x من المجال $[-1;0]$: $\frac{1}{2}x+1\le\frac{1}{x^2+1}\le\frac{5}{4(1-x)}$

أ- عيّن حصرا للعدد I حيث : $I=\int_{-1}^{0}\frac{dx}{x^2+1}$

ب- أُحسب J حيث : $J=\int_{-1}^{0}\frac{x}{x^2+1}dx$ ثم استنتج حصرا لـ A ، مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنيين (Γ) و $\left(C_f\right)$ والمستقيمين اللذين معادلتاهما: $x=-1$ و $x=0$

انتهى الموضوع الثاني

<table>
<tr><th colspan="2">عناصر الإجابة (الموضوع الأول)</th><th>مجزأة</th><th>مجموع</th></tr>
<tr><td colspan="4">الموضوع الأول</td></tr>
<tr><td colspan="4">التمرين الأول: (04 نقاط)</td></tr>
<tr><td>1)</td><td>$a \equiv 6[7]$
$b \equiv 5[7]$</td><td>0.5
0.5</td><td>01</td></tr>
<tr><td>2)</td><td>بواقي القسمة الإقليدية للعدد 5^n على 7 :
$5^6 \equiv 1[7]$, $5^5 \equiv 3[7]$, $5^4 \equiv 2[7]$, $5^3 \equiv 6[7]$, $5^2 \equiv 4[7]$,$5^1 \equiv 5[7]$, $5^0 \equiv 1[7]$
n: 6k, 6k+1, 6k+2, 6k+3, 6k+4, 6k+5
بواقي قسمة 5^n على 7: 1, 5, 4, 6, 2, 3</td><td>0.75
0.75</td><td>01.5</td></tr>
<tr><td>3)</td><td>$a^a + b^b + 4 \equiv (-1)^{2022} + 5^{6\times 20+4} + 4[7]$
$a^a + b^b + 4 \equiv 0[7]$</td><td>0.5x2</td><td>01</td></tr>
<tr><td>4)</td><td>تبيان أن :
$A_n = 2021^n + 2022^n + 2023^n + 2024^n\ [7]$
تمنح 0.25 لكل محاولة
قيم n هي $6k+2$ أو $6k+3$ حيث kعدد طبيعي</td><td>0.25
0.25</td><td>0.5</td></tr>
<tr><td colspan="4">التمرين الثاني: (04 نقاط)</td></tr>
<tr><td>1)</td><td>صحيحة لأن
بواقي قسمة n على 3: 0, 1, 2
بواقي قسمة n^2-1 على 3: 2, 0, 0
بواقي قسمة $n(n^2-1)$ على 3: 0, 0, 0</td><td>0.5
0.5</td><td>01</td></tr>
<tr><td>2)</td><td>صحيحة لأن:بفرض أن $F(x) = x^2 + 2x + x\ln x$ نجد $F''(x) = 2 + \frac{1}{x}$</td><td>0.5
0.5</td><td>01</td></tr>
<tr><td>3)</td><td>خاطئة لأن : $f'(x) = 1 + (x-1)e^x$
$f'(x_0) = 1$ معناه $x_0 = 1$
$y = x - e$ معادلة لمماس المنحى عند النقطة ذات الفاصلة 1</td><td>0.5
0.5</td><td>01</td></tr>
<tr><td>4)</td><td>صحيحة لأن :
$S_n = (1+2+\cdots+n) + \ln\frac{1\times 2\times\cdots\times n}{2\times 3\times\cdots\times(n+1)}$
$S_n = \frac{n(n+1)}{2} - \ln(n+1)$</td><td>0.5
0.5</td><td>01</td></tr>
</table>

التمرين الثالث: (05 نقاط)			
1)	$u_3=-\frac{1}{3}$ و $u_2=0$	0.5 0.5	01
2)	أ- $v_{n+1}=(n+1)\left(\frac{n}{2n+2}\,\frac{v_n-2}{n}-\frac{1}{n+1}\right)+2=\frac{1}{2}v_n$ ومنه (v_n) متتالية هندسية اساسها $\frac{1}{2}$	0.75 0.5	2.25
	ب- $v_n=4\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1}$ $u_n=\frac{2}{n}\left[2\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1}-1\right]$	0.5 0.50	
3)	$S_n=8\left[1-\left(\frac{1}{2}\right)^n\right]$	0.75	0.75
4)	$w_n=\frac{4n}{v_n-nu_n}=2n$ $S'_n=w_1+w_2+\cdots+w_n$ ومنه $S'_n=2+4+6+\cdots+2n=n(n+1)$	0.50 0.50	01
التمرين الرابع: (07 نقاط)			
1)	أ- إشارة كل من $\frac{x-1}{x}$ و $\ln x$ <table><tr><td>x</td><td>0 1 $+\infty$</td></tr><tr><td>$\frac{x-1}{x}$</td><td>− 0 +</td></tr><tr><td>Lnx</td><td>− 0 +</td></tr></table>	0.50 0.25	01
	ب- اشارة $\frac{x-1}{x}+\ln x$ <table><tr><td>x</td><td>0 1 $+\infty$</td></tr><tr><td>$\frac{x-1}{x}+Lnx$</td><td>− 0 +</td></tr></table>	0.25	
2)	أ- $\lim_{x\to+\infty}f(x)=+\infty$ و $\lim_{x\overset{>}{\to}0}f(x)=+\infty$	0.25 0.25	1.25
	ب- $f'(x)=\ln x+\frac{x-1}{x}$ الدالة f متناقصة تماما على $]0;1[$ ومتزايدة تماما على $]1;+\infty[$ جدول التغيرات: <table><tr><td>x</td><td>0 1 $+\infty$</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td>− 0 +</td></tr><tr><td>$f(x)$</td><td>$+\infty$ ↘ 1 ↗ $+\infty$</td></tr></table>	0.25 0.25 0.25	

العلامة الكلية	العلامة الجزئية	عناصر الإجابة	رقم
1.75	0.25 0.25	أ− $h'(x)=1+\frac{1}{x}$ **من اجل كل** $x\in]0;+\infty[$ ، $h'(x)>0$ **ومنه** h **متزايدة تماما على** $x\in]0;+\infty[$	3)
	0.5 0.25	ب− مبرهنة القيم المتوسطة $h(\alpha)=0$ معناه $\ln(\alpha)=2-\alpha$	
	0.5	**جـ**− $y=f'(\alpha)(x-\alpha)+f(\alpha)=\left(\ln\alpha+\frac{\alpha-1}{\alpha}\right)(x-\alpha)+1+(\alpha-1)\ln\alpha$ $(T):\ y=\frac{-\alpha^2+3\alpha-1}{\alpha}x$	
0.75	0.25 0.5	انشاء (T) و (C_f)	4)
01	0.25	أ− $(x-1)(-1+\ln x)=-x+x\ln x+1-\ln x=(x-1)\ln x+1-x=f(x)-x$	5)
	0.75	ب− إشارة $f(x)-x$	

x	0		1		e		$+\infty$
$x-1$		$-$	0	$+$		$+$	
$-1+Lnx$		$-$		$-$	0	$+$	
$(x-1)(-1+Lnx)$		$+$	0	$-$	0	$+$	

العلامة الكلية	العلامة الجزئية	عناصر الإجابة	رقم
0.75	0.25	أ−تبيان أن : $K'(x)=-\frac{3}{2}x+2+(x-1)\ln x+\frac{1}{2}x-1=f(x)-x$	6)
	0.5	ب− المساحة : $S=\int_1^e (x-f(x))dx=[-k(x)]_1^e=\left(\frac{5}{4}+\frac{1}{4}e^2-e\right)\ u.a$	
0.50	0.25	− تبيان أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x من $]-2;+\infty[$ ، $g(x)=f(x+2)-1$	7)
	0.25	− (C_g) صورة (C_f) بانسحاب ذي الشعاع $\vec{u}\begin{pmatrix}-2\\-1\end{pmatrix}$	

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

1)	القيم الممكنة d و d' : $\begin{cases} d \setminus a \\ d \setminus b \end{cases}$ ومنه $d \setminus (5b-a)$ اي $d \setminus 3$ ومنه $d \in \{1;3\}$ $\begin{cases} d' \setminus b \\ d' \setminus c \end{cases}$ ومنه $d' \setminus (9b-c)$ اي $d' \setminus 7$ ومنه $d' \in \{1;7\}$ الاستنتاج: $p\gcd(a;b;c)=1$	0.75 0.75 0.25	1.75
2)	تعيّين قيم العدد الطبيعي n $\frac{5n+2}{n+1}=5-\frac{3}{n+1}$ معناه $(n+1)\setminus 3$ اي $n\in\{0;2\}$	0.50	0.50
3)	إذا كانت الثنائية $(x;y)$ حلا للمعادلة (E) فإن $17x\equiv 29[4]$ اي $x\equiv 1[4]$ $S=\{(4k+1;17k-3) \quad / k\in\mathbb{Z}\}$	0.50 0.50	01
4)	$\begin{cases} 17x-4y=29 \\ xy<279 \end{cases}$ ومنه $\begin{cases} 17x-4y=29 \\ xy<279 \end{cases}$ ومنه $(4k+1)(17k-3)<279$ ومنه $k\in\{-2;-1;0;1\}$ اذن $S'=\{(-7;-37),(-3;-20),(1;-3),(5;14)\}$	0.50 0.25	0.75

التمرين الثاني: (04 نقاط)

1)	الاقتراح الصحيح هو ج) لأن : $e^{(\ln x)^2-6}=x$ معناه $(\ln x-3)(\ln x+2)=0$ اي $x\in\{e^{-2}\ ;\ e^{3}\}$	0.50 0.50	01
2)	الاقتراح الصحيح هو أ) $2^3\equiv 1[7]$ ومنه $2^{3k+1}\equiv 2[7]$ وبما ان $2023=3\times 674+1$ فإن $2^{2023}\equiv 2[7]$	0.50 0.50	01
3)	الاقتراح الصحيح هو أ) لأن: $\int_0^{\ln 4043}\frac{1}{1+e^{-x}}\,dx=\left[\ln(e^x+1)\right]_0^{\ln 4043}=\ln 2022$	0.50 0.50	01
4)	الاقتراح الصحيح هو ب) لأن: $F'(x)=\frac{(3x+2)\sqrt{x}}{2x}$	0.50 0.50	01

التمرين الثالث: (05 نقاط)

1)	البرهان بالتراجع أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي n، $u_n>-2$	+0.25 0.75	01

المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	
01	**0.75** **0.25**	اتجاه تغيّر المتتالية (u_n): من أجل كلّ عدد طبيعي n، $u_{n+1}-u_n=-\frac{1}{2}(u_n+2)$ بما أن من أجل كل n من $\mathbb{N}$ $u_n>-2$ فإن من أجل كل n من $\mathbb{N}$ $u_{n+1}-u_n<0$ ومنه (u_n) متناقصة تماما التقارب: (u_n) متقاربة لأنها محدودة من الأسفل و متناقصة تماما	2)
1.75	**0.50** **0.50**	أ- (v_n) هندسية أساسها 2: من أجل كل n من $\mathbb{N}$ $v_{n+1}=\dfrac{1}{u_{n+2}-u_{n+1}}=\dfrac{1}{\frac{1}{2}(u_{n+1}-u_n)}=2v_n$ v_n بدلالة n: من أجل كل n من $\mathbb{N}$ $v_n=-2^n$	3)
	0.75	**ب-** المجموع S_n : من أجل كل n من $\mathbb{N}$ $S_n=-\dfrac{\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}-1}{-\frac{1}{2}}=2\left[\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}-1\right]$	
1.25	**0.5** **0.25**	أ- تبيان أنّ $u_n=2\left(\frac{1}{2^n}-1\right)$: $S_n=(u_1-u_0)+(u_2-u_1)+\cdots+(u_n-u_{n-1})+\frac{1}{v_n}$ $S_n=u_n-u_0+\frac{1}{v_n}$ $u_n=S_n-\frac{1}{v_n}=2\left(\frac{1}{2^n}-1\right)$ $\lim\limits_{n\to+\infty}u_n=\lim\limits_{n\to+\infty}2\left[\frac{1}{2^n}-1\right]=-2$	4)
	0.50	**ب-** حساب المجموع S'_n: $S'_n=u_0+u_1+\cdots+u_n=4\left[1-\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}\right]-2(n+1)$ $S'_n=2-2n-\frac{1}{2^{n-1}}$	
		التمرين الرابع: (07 نقاط)	
0.50	**0.50**	إشارة $g(x)-e^{-x}$ x: $-\infty$ … α … $+\infty$ $g(x)-e^{(-x)}$: $-$ 0 $+$	I) 1)
0.50	**0.50**	التحقّق أنّ: $0,7<\alpha<0,8$ الدالة $x\mapsto g(x)-e^{-x}$ مستمرة على $\mathbb{R}$ و $\left(g(0.7)-e^{-0.7}\right)\left(g(0.8)-e^{-0.8}\right)<0$	2)
0.75	**0.25** **0.25**	حساب النّهايتين : $\lim\limits_{x\to-\infty}f(x)=+\infty$ $\lim\limits_{x\to+\infty}f(x)=0$	II) 1)

	0.25	التفسير البياني: (C_f) يقبل مستقيم مقارب معادلته $y=0$	
1.25	0.50	أ- بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x ، $f'(x)=g(x)-e^{-x}$	(2
	0.50 0.25	ب- إستنتاج اتجاه تغير الدالة: الدالة f متناقصة تماما على $]-\infty;\alpha]$ ومتزايدة تماما على $[\alpha;+\infty[$ جدول تغيّراتها x: $-\infty$ ، α ، $+\infty$ $f'(x)$: $-$ ، 0 ، $+$ $f(x)$: $+\infty$ ↘ $f(\alpha)$ ↗ 0	
1.25	0.50 0.25	أ- $\lim_{x\to-\infty}\left[f(x)-e^{-x}\right]=0$ التفسّير : (Γ) و (C_f) متقاربان بجوار $+\infty$	(3
	0.50	ب- الوضعية النسبية للمنحنيين (C_f) و (Γ) x: $-\infty$ ، -1 ، $+\infty$ $-x-1$: $+$ ، 0 ، $-$ الوضعية: (C_f) فوق (Γ) ، (C_f) تحت (Γ) $(C_f)\cap(\Gamma)=\{A(-1;e)\}$	
02	0.50	أ- معادلة لـ (T) : $y=-2x$	(4
	0.25X3	ب- أنشئ (T) و (Γ) و (C_f)	
	0.25 0.25 0.25	جـ- المناقشة البيانية : اذا كان $m<f(\alpha)$ فإن المعادلة لا تقبل حلا اذا كان $m=f(\alpha)$ فإن للمعادلة حلا موجبا تماما اذا كان $m=0$ فإن للمعادلة حلا معدوما اذا كان $m>0$ فإن للمعادلة حلا سالبا تماما	

		اذا كان $f(\alpha) < m < 0$ فإن للمعادلة حلين موجبين تماما	
0.75	0.25	أ- حصرا العدد I $\int_{-1}^{0}\left(\frac{1}{2}x+1\right)dx \leq \int_{-1}^{0}\left(\frac{1}{x^2+1}\right)dx \leq \int_{-1}^{0}\left(\frac{5}{4(1-x)}\right)dx$ $\frac{3}{4} \leq I \leq \frac{5}{4}\ln 2$	(5
	0.25	**ب-حساب** J $J = \int_{-1}^{0}\frac{x}{x^2+1}dx = \frac{1}{2}\left[\ln(x^2+1)\right]_{-1}^{0} = \frac{-\ln 2}{2}$	
	0.25	حصر المساحة $A = \int_{-1}^{0}\frac{x+1}{x^2+1}dx = I + J \quad u.a$ **ومنه** $\frac{3}{4} - \frac{\ln 2}{2} \leq I + J \leq \frac{5}{4} - \frac{\ln 2}{2}$ **اي** $\frac{3-2\ln 2}{4} \leq A \leq \frac{3}{4}\ln 2$	